

Prof. Dr. Alfred Toth

Raumsemiotisch indizierte R^* -Relationen

1. Die in Toth (2015a) eingeführte R^* -Relation ist, wie in Toth (2015b) gezeigt worden war, mit der Zeichenrelation isomorph, d.h. es gilt

$$R^* = [Ad, Adj, Ex] \cong Z = [.2., .1., .3.],$$

wobei also die Kategorie der Adjazenz ontisch erstheitlich, die Kategorie der Adessivität ontisch zweitheitlich und die Kategorie der Exessivität ontisch drittheitlich fungiert. Wie ferner in Toth (2015c) gezeigt worden war, kann man die Grundlagen einer ontischen Gruppentheorie legen auf Grund der drei Transformationen

$$\tau_1: R_1^* \rightarrow R_3^* \cong (1 \leftrightarrow 2)$$

$$\tau_2: R_1^* \rightarrow R_6^* \cong (2 \leftrightarrow 3)$$

$$\tau_3: R_1^* \rightarrow R_2^* \cong (1 \leftrightarrow 3),$$

und somit liegt wiederum eine Isomorphie zwischen ontischer und semiotischer Gruppentheorie (vgl. Toth 2009) vor.

2. Das bedeutet aber, daß die R^* -Relation indizierbar ist durch die von Bense eingeführten drei raumsemiotischen Kategorien (vgl. Bense/Walther 1973, S. 80), d.h. wir bekommen

$$R^* = [Ad_i, Adj_j, Ex_k]$$

mit $i, j, k \in \{(2.1), (2.2), (2.3)\}$.

Läßt man homogene Relationen zu, dann kann man, wie im folgenden gezeigt wird 3 Teilsysteme mit je 9 Kombinationen, insgesamt also 27 Kombinationen, bilden. Da R^* eine geordnete Menge ist, kann man Mengen von Indizierungen bilden, d.h. die Angaben von Ad , Adj und Ex weglassen.

2.1. Iconisches raumsemiotisches R^* -Teilsystem

$$R_1^* = [(2.1), (2.1), (2.1)]$$

$$R_2^* = [(2.1), (2.1), (2.2)]$$

$$R_3^* = [(2.1), (2.1), (2.3)]$$

$$R_4^* = [(2.1), (2.2), (2.1)]$$

$$R_5^* = [(2.1), (2.2), (2.2)]$$

$$R_6^* = [(2.1), (2.2), (2.3)]$$

$$R_7^* = [(2.1), (2.3), (2.1)]$$

$$R_8^* = [(2.1), (2.3), (2.2)]$$

$$R_9^* = [(2.1), (2.3), (2.3)]$$

2.2. Indexikalisches raumsemiotisches R^* -Teilsystem

$$R_{10}^* = [(2.2), (2.1), (2.1)]$$

$$R_{11}^* = [(2.2), (2.1), (2.2)]$$

$$R_{12}^* = [(2.2), (2.1), (2.3)]$$

$$R_{13}^* = [(2.2), (2.2), (2.1)]$$

$$R_{14}^* = [(2.2), (2.2), (2.2)]$$

$$R_{15}^* = [(2.2), (2.2), (2.3)]$$

$$R_{16}^* = [(2.2), (2.3), (2.1)]$$

$$R_{17}^* = [(2.2), (2.3), (2.2)]$$

$$R_{18}^* = [(2.2), (2.3), (2.3)]$$

2.3. Symbolisches raumsemiotisches R^* -Teilsystem

$$R_{19}^* = [(2.3), (2.1), (2.1)]$$

$$R_{20}^* = [(2.3), (2.1), (2.2)]$$

$$R_{21}^* = [(2.3), (2.1), (2.3)]$$

$$R_{22}^* = [(2.3), (2.2), (2.1)]$$

$$R_{23}^* = [(2.3), (2.2), (2.2)]$$

$$R_{24}^* = [(2.3), (2.2), (2.3)]$$

$$R_{25}^* = [(2.3), (2.3), (2.1)]$$

$$R_{26}^* = [(2.3), (2.3), (2.2)]$$

$$R_{27}^* = [(2.3), (2.3), (2.3)]$$

Literatur

Bense, Max/Walther, Elisabeth, Wörterbuch der Semiotik. Köln 1973

Toth, Alfred, Gruppentheoretische Semiotik. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2009

Toth, Alfred, Adessivität, Adjazenz und Exessivität. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015a

Toth, Alfred, Die Isomorphie der R^* -Relation und der Zeichenrelation. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015b

Toth, Alfred, Grundlagen einer ontischen Gruppentheorie. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015c

28.12.2015